

رياضى برائے طلباء وطالبات = -درجه متوسطه

تنظيم المدارس اهلسنت پاکستان

ریاضی کی کتاب کے جملہ حقوق تنظیم المدارس اہلسنت پاکستان محفوظ ہیں۔

ربلیثرن تنظیم المدارس ابلسنت (پاکستان) 8-رادی پاکرادی روڈلا مور پاکستان 042-37731045

تئاسب (Proportion)

اى يونت ميں ہم سكميں كے:

م مركب تاب كالقور

 روز مره زندگی سے متعلقہ مرکب تناسب پر عبار تی موالات کیلی جماعت میں ہم بیکہ بچھے ہیں کد
 دو نستوں کی برابری کو تناسب کچتے ہیں۔

A CALLESTINE

اگرچار مقداری c,b,a اور d تاب میں بول وال كويول الحقة بي

a:b::c:d

بددراصل دو نبتول a:b اور c:d باجی تعلق او ا ہے۔

تاب كى مندرجه ذيل دونتمين بيل

(i) تابرات (ii) تاب معکوی

(Direct Proportion) -4.1

اگردی او فیاد دنیس ای طرح اول کدایک تاسب کی مقدار کے بڑھنے یے اگم ہونے در مری نبت کی مقداد بھی ای فیصت ہے تاب داست مقداد بھی ای نبیت سے بڑھے یا کم ہو توان نبیتوں کے در میان قائم ہونے دائے تاسب کو تاب داست مجت ہیں۔ اس تاسب میں

a:b : : c:d

 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

مثال: ایک در جن انڈوں کی تیت 28روپے ہو تو 21روپے میں کتے انڈے لیس مج عل: رقم بڑھ رہی ہے اور انڈوں کی تعداد مجی بڑھ رہی ہے

X معفر من كيا اندول كى تعداد

آیت: آیت: الثرے: الثرے

12 : x : : 28 : 21 $\frac{12}{x} = \frac{28}{21}$ $x \times 28 = 12x12$

 $x = \frac{1}{28}$

4.2 تاب مکول (Inverse Proportion)

دونسیتوں کاایا تعلق جس میں ایک نبت کی مقدار فرھنے ہے دوسری نبت کی مقداد ای تاب ہے کم ہوراتی ہو

توالى نبتول كے درميان قائم موف والے تاب كو تاب مكو ك كتے إلى-

ال تاب میں آیک نبت دوسری نبت کے مکوس کے برابر او تی ہے۔

يعنى چار مقداري d,c,b,a اگر تاب مطوى ميس بول تو

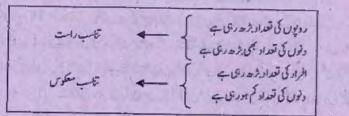
: 00

ایک گرس 10 آوروں کے لے 21 ون کی فوراک موجود ہے اگر 3 آو کی چلے جاکی قوداک فوراک کے دوں کے لئے کائی مولی والی خوداک کے دوں کے لئے کائی مولی ؟

عل: 10 آو ميون على عدد آدى على كاتوباتى آدمون كى تقداد 7=3-10 مولى-

اَدْ سِيوں كَى تَعَداد كُم بوكَى آ راش نيادود توں كے ليے كافى بوگا :2JE

8000رويد الراد كايك كنيك ليد ك 40دن ك لحكاني ساى حاب ع 15000 روي سي كي دن تك 5 افراد كاكراراه مو كلا؟



x=فرض كيادنول كى تعداد

נט	افراد	4.01
40 🛊	14	8000 ♠
x	₹5	15000

William the will be the

$$\frac{x}{40} = \frac{4}{5} \times \frac{15000}{8000}$$

$$x = \frac{40 \times 4 \times 15000}{5 \times 5000}$$

$$x = 60$$

$$to x = 60$$

فرض كيادنول كى مطلوبه تعداد الدي

.6.7		,- 1
10		21
10		21
7		X
	x x	10
	21 =	7

 $x = \frac{10 \times 21}{7} 30 \omega$

يس راش 30 دنوں كے ليے كافي موكار

4.3 تاب مرکب (Compound Proportion)

دویادوے زیادہ تاسیوں کے باہمی تعلق کو تناسب مرکب کہتے ہیں۔ تناسب مرکب سے متعلق سوالات عل کرنے کی وضاحت مندرجه ولي مثالون كى مدو سے كى جاتى ہے۔

:100

ا گر 35 مزدور 5 كفت مي 805 مكب سينتي ميزونين كجود ليت بين الديما كين كر 30 مزدور 6 كفت مين كت مكب

سينتي ميثرزين كفود ليس مح ؟

قرض كيازين كى كلدائي xcm² بوت

1237	É	cuł
35 ♠	5 1	805
30	6	X

$$\frac{x}{805} = \frac{6}{5} \times \frac{30}{35}$$

$$x = \frac{6}{5} \times \frac{30}{35} \times 805$$

$$x = 6 \times 6 \times 23$$

$$x = 828cm^3$$

معروضي سوالات

- ورست/غلط بيانات

درت بانات كرائ "T" اور غلط كرما ف "F" كي-

- (i) دو نبتول كى برابرى نبيت كلاتى ب-
- a,b,c,d أل a,b,c,d الت على الال a,b,c,d أل
- (iii) دویاددے زیادہ تاسیول کے آپکی تعلق کوم کب تاب کتے ہیں۔
 - (iv) دونیتوں کی برابری تاسب کملائی ہے۔
 - (V) عبع ليعلات": :"العقال او لي ب
- (Vi) دو مقدارول میں نبت کوظاہر کرنے کے لیے علامت ":"استعال ہوتی ہے۔
- (vii) تاسب معکوس میں ایک نبت دوسری نبت کے ضربی معکوس کے برابر نہیں ہوتی۔

 - (ix) كابول كى تعداد اور ال كى تيت عين تاسب معكوس موكار
 - (x) آدمیول کی تعداد اور خوراک کی مقدار میں تناسب معکوس بوگا-

محيل سوالات

خالی جگه موزون الفاظ/اندادے یہ کیجے۔

- (i) غ كونيت كي صورت عيل الحية بيل-
- $-\frac{\mathcal{E}}{d} \operatorname{d} \operatorname{c}_{r} b_{r} a \bar{b} = \frac{c}{d} \tilde{b} (ii)$
- (iii) مرکب تاب دویادوے زیادہ ____ کے در میان تعلق ہے۔
- (iv) ایک نبت کی مقدار کے زیادہ ہونے ۔ دوسری نبت کی مقدار ای تاب ے کم ہو توالیا تاب _____ کملاتا ہے۔
- (٧) اگر20 آدى ايك ديوار كو 5 دنول على بناتے بول تو 10 آدى اى ديوار كو ____ دنول ميل بنائي گئے۔

شق 4

- 1. 12 کوئنٹل سامان کا کرایہ 18 کلومیز سنر کے لیے 20روپے ہو تو8 کوئنٹل سامان کا کرایہ 20 کلومیز سنر کے لیے کتا ہوگا؟ لیے کتا ہوگا؟
- 2. 12 مير لي ديوار 14 معار 12 دن على عاسك بيل 120 مير لي ديوار كارن على كي معاريا كر على ع
- الم 1440 آدمیدل کے پائ 32 دن کی خوراک موجود تھی۔ کتے آدی چلے جائیں کد دہی خوراک 40 دن کے لیے کافی ہو جیک راشن فی کس أو اسمال کردیا جائے؟ (اشارہ: راشن کی نبیت میں پہلارکن 1 اور دومرار کن 3/2 ہے)
- 5. آد کی 6 گھے دوزاند کام کرنے ایک مو کنے 50 دن میں مرمت کرتے ہیں۔ بتائیں 45 آد کی 7 گھے دوزاند کام کرنے آئی ہی کمی موک کے دنوں میں مرمت کریں ہے؟
- 6. اگر 60 مور تی 8 مجنز روزاند کام کرے 48 کو گرام کیا تی جن لی موں قو30 مور تی 12 مجنز روزاند کام کر کے کان جن کیس کی ؟
- 7. اگر8 ميز لي اور 3 ميز چواهد قالين كى قيت 1572 روپي مونو 12 ميز لي اور 6 ميز چواهد قالين كى قيت كياموگى؟
- 9. 70آدى150 ير لمى ديور 12 دن مي باليت بيراى حراب ع600 يز لمي ديوار 30 دن مي كنة آدى باليس كنة المركة ؟
- 10. ایک بروا ہے کو 18 مولی 6 فتے تک برانے کوئن 2700رو ہواد کے جاتے ہیں۔ اے24 مولی 8 ہنتے برائے کے لیے کئی رقم ادا کرنی ہوگی؟
- 11. ایک شیکیدار نے ایک شارت 30 دن میں بنانے کا شیک لیاادر 20 آدی کام پر لگائے۔10 دن میں کام کا سرف 11. ایک شیکیدار نے ایک شارت 30 دن میں کام کا سرف 1/4 حصرفتم ہوا۔ وہ کئے آدی اور لگائے کہ کام پورے وقت پڑتم ہوجائے؟

جذر (Square Root)

ال يون مي بم يكيس ع:

المرتى اعداد كاجذر المركع معلوم كرنا

ميد الى مور عام اور موراعشاريه كاجذر المرائع مطوم كرناجو مكل مر في يول

ميه فير ناطق اعداد كالصور

ي 2.5, 3, 2 وغيره جيسي ناسكل مر الا اعداد كاجد د الراح معلوم كرنا

ہم بچھل جماعت میں پڑھ بچ ہیں کد کئی عدد کاجذر ایک ایماعدد ہے جس کا مر لا دیا ہوا عدد ہو۔ بذریح لیے علامت کامتحال کی جاتی ہے۔ جذر الر الل کے لیے صرف جذکا لفظ بھی استعال کیا جاتا ہے۔

5.1 قدرتى اعداد كاجذر الراح بذريعة تقتيم معلوم كرنا

(Finding square root of Natural Numbers by Division Method)

می جیا حقوں میں جم نے تحوی کی مدے چورٹے اعداد کا جذر معلوم کرنا سکھا۔ اس طریقہ ، بڑے اعداد کا جذر معلوم کرنا آسمان میں ۔ آیے اب بڑے اعداد کا جذر معلوم کرنے کے لیے ایک اور طریقہ سکتے جی اس کتھم کا طریقہ کہتے ہیں۔ کسی قدرتی عدد کا جذر معلوم کرنے کے لیے:

(۱) عدد میں دید گئے ہندسوں کے دائیں ے یائیں دود کے جوڑے بنایج (اگر ہندسوں کی تصراد جات ہوگی آق مکل جوڑے میں جائیں گے اور اگر ہندسوں کی تحداد طاق ہوگی تو ہائیں طرف آتر سی آیک ہندسہ دہ جاتے کا۔

الماروتا ألى يجي جم كام في باكي طرف ي أتوى وزع يابندے كراريا كا سے كم بور

الى كالمريقة كاريجي دى كى مثال سلى داخت كيا كياب-

مثال 1: 625 كاجذب بدوييتيم معلوم كريد.

41x1=41 42x2=84 43x3=129

44x4=176

45x5=225

 $\sqrt{625} = 25$

ای لے

3- سيم الانتجابي سوالات برسوال كه كمكنه جوابات ديد مجي بين مجي جواب كے ليے استعال بونے والے حرف سوال كے سامنے دكا كَيْ عَالَى جُكْدِير كھيے۔

(i) اگر c,b,a ادر له تاسب داست میں ہوں تو۔ (a) ac=cd (b) ad=bc (c) a+b=c+d(d) ab=cd

(ii) اگر c,ba اور ل قاب محکوس میں ہوں تو

(a) ac=bd (b) ad=bc (c) a+b=c+d (d) ab=cd(iii) $1^{2}(5,4,3)^{2}$ (iii)

(a) 3 (b) 4 (c) 6 (d) 8 (iv) 12 (iv)

(a) 3 (b) 5 (c) 9 (d) 15

(v) اگر5,b,a,3 تاسبراست مي بول تو dab كي قيت بو كي

(a) 3 (b) 5 (c) 15 (d) 8

ک محضر جوانی سوالات (خود کریں) نا اس سر مؤند سے

مندرجه ذیل موالول کے مخفر جواب دیجے۔

i. تناسب داست كى تعريف يجيهـ

ii. تاب معكوى كى تعريف يجير

iii. تاب كى تعريف كيھے۔

iv. تاسب مركب كى تعريف يجيد

v. ورون على كري قول الله الماري كري قول المري كري الله المري المري كري الله المري الله المري ال

:200

$$1\frac{11}{25} = \frac{36}{25}$$

$$\sqrt{1\frac{11}{25}} = \sqrt{\frac{36}{25}} = \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{25}}$$

$$= \frac{6}{5} = 1\frac{1}{5}$$

عال 3: \$28 بندسور كيد

$$28\frac{4}{9} = \frac{256}{9}$$

$$\sqrt{\frac{256}{9}} = \frac{\sqrt{265}}{\sqrt{9}}$$

$$= \frac{16}{3} = 5\frac{1}{3}$$

المراحة

$$\frac{n}{2}=\frac{n^2}{2}$$
 ایک بخت عدد او $\frac{n}{2}=\frac{n+1}{2}$ مال سرو بو $\frac{n+1}{2}=\frac{n+1}{2}$

ابندى عدد كے جدر ميں بعد سول كى تعداد

كياآباكة بين؟

5بندى عدد كے جذر ميں كتے بندے ہوں گے؟ 6بندى عدد كے جذر ميں كتے بندے ہوں گے؟ مشتى كى عدد كے جذر ميں كتے بندے ہوں گے؟

مندرجه ذيل محور كاجذر معلوم كريل-

- 1. $\frac{144}{255}$ 2. $\frac{169}{256}$ 3. $\frac{784}{841}$ 4. $\frac{1024}{1225}$
- 5. $2\frac{34}{81}$ 6. $6\frac{1}{4}$ 7. $5\frac{41}{64}$ 8. $12\frac{2}{2}$
- 9. $9\frac{67}{121}$ 10. $1\frac{136}{225}$ 11. $101\frac{92}{169}$ 12. $2517\frac{196}{289}$

عنال 2: عدد 1024 عبر رسطوم كرير -عل : عدد 1024 عبر رسطوم كرير -عل 124 - 124 عبر رسطوم كرير -عل 123 - 15129 عبر رسطوم كرير -عل : عدد 15129 عبر المسلم -عل : عدد 15129 عبر المسلم -عل : عدد 15129 عبر المسلم -عدد 15129 عبر المسلم -عدد

مثق 5.1

1 معدد وزل كجدر بدريد تمتيم مطوم كريد

784 (ii) 1225 2809 4225 (iv) (v) 5184 (vi) 7744 (vii) 13689 (viii) 29241 (ix) 103041 (x) 418609 10329796 (xii) (xi) 30349081

5.2 کسور عام کا جذر (Square root of Common Fraction s) ہم جائے ہیں کہ کسر عام 6 میں 4 کارکنند داور 9 گزی ہے۔

کسر عام کا جذر الے شار کنندہ کے جذر کو تخریج کے جذر ہے تقلیم کرنے ہے حاصل ہوتا ہے۔ اس لیے کسر عام کا جذر معلوم کرنے کے لیے ہم اسکے شار کنندہ اور تخریج کے جذر علیحدہ علیحدہ معلوم کرتے ہیں۔ مثال 1: عدد 6 کا جذر معلوم کریں عدا 9

$$\sqrt{\frac{9}{16}} \simeq \sqrt{\frac{9}{16}} : \mathcal{O}$$

$$= \frac{3}{4}$$

 $\therefore \sqrt{0.05361} = 0.231$

مثال 3: 0.204304 كامدر بدرايد تشيم مطوم يجي

.4 0.452 0.204304 - .16 ** | .0443 - .0425 ** | .001804 - .001804

4.0.204304 = 0.452

5.3 كسوراعشارىي كاجذر معلوم كرنا

(Finding square Root of Decimal Fractions)

محوراحثاريكاجذب معلوم كرفيع لي

- (ii) فظار اعتثار يك واكي طرف ع بتدسون ك جوار ماكي عامي عاسية-
 - (iii) نقط اعشاد یہ کے دائی طرف ممکل جوڑے بنانے کے لیے "0" لگا تھی۔
- (IV) نظر اعشارید کے بعد کا بوزدالتار فے علنے حاصل تشیم میں نظ اعشارید لگاہے۔
 - (V) ووجوارے بیک وقت الارتے دوئے حاصل تقیم میں "0" قائے۔

مثال 1: 180.9025 كانوند بدرية التيم ملوم كريد

1 x 2681 = 2681 2 x 2682 = 5364 3 x 2683 = 8049 4 x 2684 = 10736 5 x 2685 = 13425

1 x 261 = 261	
2 x 262 = 524	
3 x 263 = 789	
4 x 264 = 1056	
5 x 265 = 1325	E

مثال2: 0.053361 كابذر بدرية تلتيم معلوم كيي

ا او كى عدوة مر فى عدود ولا الله الله الله على عدو موتاب



مثال2: 25 جندر سلوم يجيد

اس فتم کے اعداد کا مبذر تک لئے وقت حاصل تقیم کوچند مراتب اعتباریہ تک محدود کردیا جاتا ہے۔ یہال کی ہم 3 مراتب اعتباریہ بکٹ جواب معلوم کریں گے۔

ذين عن ركي:

کی عدد کے جذر کو تین مراتب اعتبار یہ تک کد ور کے کے لیے حاصل تعقیم میں نظر اعتبار یہ کے بعد تین بندسوں تک تعقیم کا عمل کیا جاتا ہے۔ جو تھا بندسد اگر 5 سے کم اور قواے حذف کر دیا جاتا ہے اور اگر کا باق کے برا اور تو تیسرے بندے میں 1 کی کرکے جو تھا بندسہ حذف کر دیا جاتا ہے

 $\sqrt{2} = 1.4142135... \approx 1.414$ $\sqrt{7} = 2.64575 \approx 2.646$

مظل3: 0.257960 ميزر فين مراتب اعتاريد كك مطوم كريد

1 P

Jr.

.5	0.25796000	r=
1.007	0.007 960	$\sqrt{0.257960} \approx 0.508$
1.0148	0.007049	
	-0.00081184	
2	9916	

مثق 5.3

مندرجه ذيل ممور اعشاريه كاجذر بذريعه تقيم مطوم كجي

 1. 0.3249
 2. 0.5184
 3. 10.24

 4. 0.0676
 5. 1402.5025
 6. 20.5209

 7. 648.7209
 8. 23746129
 9. 2981.16

 10. 7613.609536
 11. 0.00868624
 12. 32.7184

5.4 فير ناطق عدوكاتصور (Concept of an Irrational Number)

میں اور ان ماروں کے معام سوالی کر اعشاریہ کے بارے میں پڑھ سے میں مثلا، . 0.6666 ≈ 2 ایک فیر مختم موالی کر اعشاریہ میں بند موں کا ایک گروپ اک ترتیب بے بار بار آتا ہے۔ لب ہم فیر مختم فیر متوالی کر اعشاریہ کے بارے میں کیکھتے ہیں۔

ائی کر اعشار یہ جس میں نظ اعشار یہ کے داکی طرف بندسوں کی تعداد شد فئم بور بی بوادر نہ بندسوں کا کو ل گرد ب اک ترتیب سے بار بارآد ہا ہوا ایک فیر متوالی غیر مختم مراعشار یے کمایاتی ہے۔ اس قتم کے اعداد قیر ناطق اعداد کملاتے ہیں۔ شار کی 73، مغیرہ۔

مثال 1: كاجدر معلوم كريي.

1.4142135...

1.2.000000000

2.4

1.00

-.96 **

2.81

2.824

-.0281

-.011296

-.011296

-.00060400

アルをきとうないなるのがをかかか

(١) تقيم ۽ مُل ديشاي ۽ يون کسي جي مرطي باق"0" ليس چا-

(ii) نظد امشارید کے بعد بند موں کا کوئی گروپ ای ترتیب بر بار فیلی آدیا جیناک داخل اعداد کی مودت میں بوج بهد مثلا

22 = 3.1428571428571

مشق5.4

مثق 5.5

ایک مر بعی کید کار قبد14400 مر اح میر ب-اس عظی کی المالی معلوم کریں-	.1
الك مر ين كليت كار قيد 422500 مر الح ميشر بسائح كرد باز لكانے كے ليے التى عار كى ضرورت موكى؟	.2
ايك باخبان 122500 درخت اليخ كليت على اس طرح لكانا جابتا بحكة قطارول كيا تن اى تعداد بتنى ك	.3
قطار ميں در ختوں كى تعداد بـ وه أيك قطار ميں كئے درخت لگا كا؟	
ایک متطلی کے اور تد 10092 مراح میر ب-اس کید کی ایال ایک چوال کا تین مناب-اس کید کا	.4
احاط معلوم كري-	
الك دائر وى علاقة كارقبه 616 مر فع ذكى ميز ب-اسكارواس معلوم كريد (جبك 7 =)	.5
ایت مستطیلی کھیے کار قبہ 57800م الا میٹر ہے۔ اگر اس کھیے کی لمبائی اس کی چوڑائی کارو الا اوال کھیے	.6
اضاع کی لمبائنال معلوم کریں۔	
وہ چھوٹے نے چھا عدد معلوم کریں جس کو عدد 109087 میں سے تقریق کریں تو ماصل تقریق اک مکل	.7
1811-	
ایک دائروی میدان کو بمواد کرنے کا قریج بحساب25 پنے فی میٹر 2200دوپے ہے۔اس میدان کارداس	.8
$(\pi = \frac{22}{7} \text{Legistary})$	
ایک مربی کید س بل جائے کافر چ2رو بے فی 100 مراح میر کے حماب ے 450رو بے بنتا ہے۔ ا	.9
كليت كے شلع كى لمائى معلوم كريں.	
ایک مر می لان کار قبہ 62500م فی میٹر ہے۔اس کے گرداگرد تار نگانے کے لیے گئی کجی تار کی شرورت	.10
٩٤٥٠١ مرك الله في الله الله الله الله الله الله الله الل	

				-45	ي تكث معلوم	مندرجد ذيل كاجذر تمن مراتب اعشار
1.	2	2.	3		3.	5
4.	7	5.	11		6.	5.3
				-01	نكث معلوم	مندرجه ذيل كاجذر دومراتب اعشاريه
7. 3	3.6	8.	6.4	10	9.	28.9
10.	54.34	11	816.081		12.	36.008
						5.5 جذرك متعلق عبارتي سوالات
اللياكي	ري الله المراس	ایم جتنی تطاری	قادس است ی طل	15012	ر کورے اور	مثال 1:1225 طلباليك ميدان مل اسطر
		A. Sel				تعداد معلوم كرين-
1	طوم کرنا ہے۔	122 كاميتراس	فعداو مبداے لیے	قطاروں کی ت	الله جس ال	مل: چونكه قطارس طلباكي تعدادا تخ
		35				آئيل1225 كاجدر مطوم كري
	. 3	1225		1		
		- 9				
		325 325				
		0			اوگی۔	اس تطار ميس طلباكي تعداد 35:
-	کااحاظ معلوم کرج	ے آدھی ہے از	ك چزال ال لبال.	ربدكيت	20,18	مثال2: ایک متطلی کید کارتر 432
						عل: چاكساكى چازائى كىيەت كىلباۋ
			1			ال لي برال علاقة لات = 18432
چڑائی	(32)		Site		20	/9216=
	چژال.	Acte	See of	lea e se	00166	الله منظوی کیماری و مرا
	0.4		ا دیں۔۔۔ دبان ا	كاحدر معتوم	عام 12 P	ال كيت ملع كى لمائى مطوم كر فري ل
يتر بوگي۔	450499					9 9216
في اسياقي	مستطيلي كحيت	=95x =192		2		-81 ♥♥
10 44 44	متطيلى كحية		92+96)	The state of		186 1116
. كا اعاطر	ي ميد	= 2(2	88)=576;<			0

F			مطابقت كح موالات
بركالم يس فالي جكر ركعي-	م کے جملوں کے متعلقہ ^ت	ت رکھتے والے کالم	کالم 8 کے جملوں سے مطابقہ

	A	В	C
(i)	√2.25	(a) 12	
(ii)	√25 × 4	(b) 5	
(00)	$\sqrt{1\frac{9}{16}}$	(c) 1.125	
(iv)	$\sqrt{\frac{9}{16}}$	(d) 1.25	
		(e) 10	
(y)	3√9 √64	(f) 1.5	
(vi)	$\sqrt{16 + 9}$	(g) .75	
(vii)	$\sqrt{16} \times \sqrt{9}$		

كثير الداحظاني سوالاس م موال كـ 4 مكن جوابات دي مح جي مسيح جواب كے ليے استعال مونے والے حرف موال كے سامنے وئی گئ

(a)

(a)

(a)

(a)

0.0014

625 كي مندر على مندسول كي تعداد موكى-**(i)**

(b) 2 (c) 3

> -8×11.√16×4 (ii)

(iii)

(b) 2 (c) 8 (d)

 $-896737 \frac{\sqrt{1.96}}{100}$

(b) 1.4 (c) 0.14 (d) 0.014

(c) $\frac{5}{4}$

(b) $\frac{7}{4}$ ا كُواكِد م بي على في ملاقية 64m2 ما كالعاط مركا

(v) (a). 8m (b) 16m 32m

(c) 24m

معروضي سوالات

ورست/غلط برانات (i)

درست بمانات کے سامنے "T" اور غلط بمانات کے سامنے "F" "کھیے۔

دوہ تدک اعداد کا مقرر ایک ہندی ہوتا ہے۔

الک بندی عدو کا جذر محی الک بندی بوجاہے۔ (6)

> 1024 كامذر تين مندي عدد موكار (110)

625 كالبذر وديندكي عدد بوكار (iv)

کسی قدرتی عدکا بدر معلوم کرنے کے لیے یا کی سے دائیں جوڑ سے بتائے جاتے جاتے

کسی مرعام کا خذر ای کے شار کنند کے مذر کے برابر ہوتا ہے۔ (vi)

كسر عام كاجذرا ك يح مخرج عندر يح براير بوتا ب (vii)

سر عام کے جذر میں اس مجے شار کمندہ کا جذر شار کنندہ اور مخرج کا جذر مخرج ای رہتا ہے۔ (viii)

مراعشادیہ کا جذر معلوم کرنے کے لیے کسری جھے کے جوڑے یا کمی ہے داکمی بنائے جاتے ہیں۔ (ix)

> √2 كانك ناطق عددست (x)

> > يتكميلي سوالات (ii)

مندرجه فريل مين خالي جكرح كرين-

625 کے جذر کی ہوے ہیں۔ (i)

103041 کے جذر میں ہے اس

16x81 كي مندر على يعدد على

 $\sqrt{\frac{9 \times 16 \times 9}{144}} =$ ______

 $\sqrt{1.69} =$

(vii)

اگر کسی عدد کامر کع عده Xند موتو 🗴 🗸 کئ (viii)

1.44 كا مح مدى حير 1.44 (ix)

سراعثاریه 0.666 کیف میراعثاریه ہے۔ (x) يونث ٧١

الى يونت ميس بم يكيس كي:

* كىيشن كى صورت ميس نفع و نقصان معلوم كرنا-

ميه فروخت ورفرخت كي صورت مين نفع و تقصان معلوم كرنااور ومركي فروخت مين موازند كرناد

مید انتورنس کا تصور ، زعر کی کی انتورنس اور کاڑی دغیره کی انتونس مے متعلقہ مسائل کا حل-

كل آمد في دخالص آمد في اور قابل فيكس آمد في كالصور -

کسی فرد گاا تکم نیکس معلوم تحر نا۔

سیجیلی جاعق میں ہم فیصد اور نفع و نقصان کے سادہ مسائل حل کرنا سیکھ بیں۔ اس بوت میں ہم کمیشن کی صورت میں نفع و نقصان پر تھوڑے مشکل مسائل کا حل نکالیں مجے اور انشور کس اور انکم تیکس کے بارے میں ممکی سیکھیں ہے۔

6.1 نخ وانتسان (Profit and Loss)

الم جائے میں کہ

$$\frac{2}{3} \sum_{i=1}^{3} c_{i} x_{i} - \sum_{i=1}^{3} c_{i} c_{i} c_{i} = \frac{1}{3} \sum_{i=1}^{3} c_{i} c_{i} c_{i} c_{i} = \frac{1}{3} \sum_{i=1}^{3} c_{i} c_{i} c_{i} c_{i} c_{i} = \frac{1}{3} \sum_{i=1}^{3} c_{i} c_$$

- $-6\pi \times 12\sqrt{(25-16)\times 9}$ (vi)
- (a) 3 (b) 5 (c) 4 (d) 9
 - (vii) \ 8 \ايك ايراعدد بي جوك
- فيرناطَنَّ ب (d) عاطَّن ب (c) عاطَّن ب (d) عقت ب (a) المان ب (d) المان ب (d) المان ب (d) المان ب (d) المان ب المان المان ب المان ب المان ب المان ب المان ب المان ال
- فيرناطق ب (d) عامق ب (c) عاقت ب (d) هندې
 - (ix) مندرجة ذيل مين سے كونساعد و 0.75 كے برابر نبين ہے؟
- (a) $\frac{\sqrt{9}}{4}$ (b) $\sqrt{\frac{9}{16}}$ (c) $\sqrt{9 \div 16}$ (d) $\sqrt{9 + 16}$
 - (الله عندر جد ذیل میں سے كونما عدو فير ناطق ہے؟
- (a) $\frac{3}{\sqrt{16}}$ (b) $\sqrt{\frac{18}{32}}$ (c) $\sqrt{16 \div 9}$ (d) $\sqrt{16-9}$

ایک پر اپر فی دیگر نے ایک مکان کا سودا6,00,000 دو پے میں مطے کروایا اور بیچے والے اور تو یدنے والے دونوں سے 16 کیشن وصول کی۔ نتا بے بیچے والے نے کیا تیت حاصل کی؟ تر بدار نے کئی تیت اداک؟ ڈیلر کو کئی کیشن مل؟

خل:

عال2:

1% بروني = 6,00,000 م مالان کي آيت = 6,00000 = 6000 مروني = 60000 = 60000 مروني = 600000 = 60000 مروني = 594000 + 6000 مروني = 600000 + 6000 مروني = 6060000 = 606000 مروني = 6060000 = 606000 مروني = 120000 = 606000

كوكل وطرت وولول طرف سے 1% كميشن كالى

ش 6.1

1. ایک فیکری کامالک اپنی مصنوعات کی تکسی جو کی قیت پردوکانداردان کو 15% کیشن دیتا ہے۔ نقد ادائی کی سورت میں بتایار تم پر کل میں دیتا ہے ایک چیز کی قیت ادا

2. ایک چیز کی تکسی ہوئی قیت 500روپے ہے۔اگراس پر 15% کیشن ہو تو کیشن کی رقم معلوم بجھے اور رعائق قیت مجمی معلوم کیجے۔

3. ایک اخبار فروش نے ایک مادس 10800 دو پے کے اخبار فروخت کیے اور 1620 روپے کیشن حاصل کی کیشن کی شرح فیعد معلوم کریں۔

4. آیک کیشن ایجن نے آیک مکان 3,50,000 در پے اس فروخت کردایااور اس نے خریداراور فروخت کار و و و کت کار دونوں سے کیشن و صول کی فروخت کار کو کتنی رقم ملی ۔ بخریدار نے کتنی رقم اوالی ؟اور ایک کتنی رقم ملی؟

5. اسلم آیک دوکان پر سلز بین ہے۔ اس کی تخواہ 2500 روپے ماہانہ ہے۔ اسے 1% کیسٹن اس کی سیل پر ملک ہے اگر ا اس نے آیک ماہ میں 4,50,000 روپے کا سامان فروخت کیا ووقاس کی اس ماہ کی کل آمدتی معلوم کریں۔ مثال: اکرام نے آیک جائیداد 2,60,000 روپ سی خریدی اور 10 فیصد منافع بر وی وی اس کا فالص منافع منافع معلوم کریں۔

:13

$$\begin{array}{rcl}
 & = & 260,000 \\
 & = & 10\% \\
 & = & \frac{3^{10} \sqrt{3^{10}}}{2} \times 100 \\
 & = & \frac{3^{10} \sqrt{3^{10}}}{2} \times 100 \\
 & = & \frac{3^{10} \sqrt{3^{10}}}{2} \times \frac{3^{10}}{2} \times \frac{3^{10}$$

6.2 كيش (Commission)

مر تخار آل کمینی اپنی مصنوعات دکاندروں یا کمیشن ایجنوں کے ذریعے فروخت کرتی ہے اور ان کو اپنی مصنوعات کی کئیں ہوئی تیست پر مقروم شرح فیصد کے حساب سے رعائت دی ہے۔ یہ دعائت کمیشن کملائی ہے۔
کمیشن کی ایک اور صورت ہی ہوتی ہے۔ جو کوئی ایجنٹ کسی پراپر اُل کو خرید نے والے اور بیچے والے دولوں سے سودا ملے کروانے کے عوض وصول کرتا ہے اور اس کی شرح خرید ار بقروضت کار اور ایجنٹ میموں کی ہاہمی رمامندی سے مقرر ہوتی ہے۔

مثال 1: ایک صنعت کار ایک وکاندار کو اپنی مصنوعات کی تکھی بوئی قیت ب10% کمیش دیتاہ۔ نفذ ادائیگل کی صورت میں بقایا رقم بہ66 کمیش دیتاہے۔ جس چر کی تکھی بوئی قیت 1500 دیے ہو تو وکاندار کو نفذ ادائیگل کئی کرنی پڑے گی؟

:0

\$@ "∠८७ं\$" -UZZ

$$1096$$
 مولَ قِمَت $= 1500$ مولَ قِمت $= 1096$ مولَ قِمت $= 1500$ $= 150$ مولَ قِمت $= 1500 - 150 = 1350$ مولِ رَبِّ مِن مُعِيْن $= 1500 - 150 = 1350$ مولِ مُعِيْن مِن مُعِيْن مُعِيْن مُعِيْن مِن مُعِيْن مُعِيْنِ مُعِيْن مُعِيْنِ مُعْنِيْنِ مُعْنِيْنِ مُعِيْنِ مُعْنِيْنِ مُعْنِيْنِيْنِ مُعْنِيْنِ مُعْنِيْنِ مُعْنِيْنِ مُعْنِيْنِ مُعْنِيْنِ مُعْنِيْنِيْنِ مُعْنِيْنِ مُعْنِيْنِيْنِ مُعْنِيْنِ مُعْنِيْنِ مُعْنِيْنِيْنِ مُعْنِيْنِ مُعْنِيْن

یر پالسی بڑھا ہے یا مقدوری کے لیے بھی تریدی جائی ہے۔ پر بیم کی رقم بیر دار کی آمد فی کے 10 فیمد سے لے 50% فیمد تک ہو گئی ہے۔ ویل میں ماہانہ سرمائی اور سالانری میم کی رقم طے کرنے کے بارے میں مثال دی گئی ہے۔

آیک پیر داد جس کی حمر نزدیکٹ ترین ماکگرہ پر 30 مال ہے۔ قرض کیااس کی پالیسی کی کل رقم 4,00,000 دوپے ہے۔ مالاند پر پیم کی رقم کل وقم 4,842 لیعد ہے۔ ششانی پر پیم کی دقم مالاند پر پیم کا 52 فیصد ہے۔ سد مائی پر ہیم کی دقم مالاند پر پیم کا 27 فیصد ہے۔ ماہلہ پر ہیم کی دقم مالاند پر ہیم کا 29 فیصد ہے۔

رد بے 4.842% × 100,000 = 4842 مالان ميم بشر ح 4.842%

.25% يالي الحرل $= \frac{.25}{100} \times 100,000 = 250$

روبي 5092 = سالاندي يجيم

مثال 1:

بعض او قات پالیسی فیس کی مد مقرر کردی جاتی ہے مثلاب زیادہ سے زیادہ 200دوپ ہوگی۔ جس کا مطلب بہ ہوگاک اگر کل رقم کا 0.25% قم 2000دوپے سے زیادہ میمی ہوگاتی میں 200دوپ عن ادا کرنا ہوگا۔ فرض کیا کہ پالیسی فیس 250دوپے کی بہائے 200دوپے علی ہے تو بیچے دی گئی مثال میں ہولا کہ میم علاج کی میں 242 + 200

=5042 = $\frac{52}{100} \times 5042 = 2621.84$

رد بے 2622 ≃ء

 $= \frac{27}{100} \times 5042 = 1361.134$

ررہے 1361ء

 $= \frac{9}{100} \times 5042 = 453.78$

روبے454≃

6. ایک ایجند نے ایک زمینداد کی 1,20,000 روپے کی گندم فرونت کی اور 5% کیشن کافی۔ ایجند کو کتی رقم ملی؟

7. ایک صنعت کار15000 روپے کی سل بھ15 کمیش دیتا ہے اور 15000 سے زیادہ جتنی سیل جواس پر 20% کمیش دیتا ہے۔ ایک ایجنٹ نے26500 روپے کی اشیافروخت کیس۔ اس کو کتنی کمیش ملی؟

8. آیک ایجن نے حزہ کا پات رشید کے ہاتھ 11,00,000 اروپ کا بھااور کھر رشید کو 10% منافع دے کر عمر کے ہاتھ ہوں کا بھا کر دوا چنا کیشن م مرتبہ اگر أ أ 1 سے كانے توفرونت ورفرونت ميں اس نے كتے روپ كائے ؟ حمرہ كو كيا لما؟ رشيد كو كتى رقم الى؟ عمر نے كتى رقم ادا كى؟

9. انور نے ایک زمیندار کے جاول یجنے بہ 12 کیشن د صول کی اگر اس نے 10,05,600 روپے کے جاول یجے ہوں تواس کی کیشن کی رقم بتاہے۔ ہوں تواس کی کیشن کی رقم بتاہے۔

6.3 يمر (انشورنس) كاتصور (Concept of Insurance)

انٹورنس دو پارٹیوں کے درمیان ایک ایہ سمجھوت ہے جس میں ایک آدی باایک پر ٹی کسی کمچنی کو منہانہ، سہ مائل یا سالان انشاط کی صورت میں کچھ رقم چوری، تقعمان یا حادثاتی اموات میں خطرات کے چی تقرادا کرتی ہے۔ جبکہ انشورنس کمپنی حادثاتی موت، تقعمان یا ملے کردہ تخصوص مدت کے پورے ہونے کی صورت میں مقررہ کردہ تم دائیں کر بی ہیں۔

يه سمجود بير پاليس (Insurance Policy) كىلاب اقىلغاس كاير يميم (Premium) كىلاتى بين.

ے کردہ مخصوص مدت، تھیلی مدت (Maturity period) کو اللہ ہے۔ کپنی مقرد کردہ مدت پوری ہونے کی صورت میں پوری ادا کردہ رقم کے ساتھ منافع بھی ادا کرتی ہے جو کہ بونس (Bonus) کمناتا ہے۔ انٹورٹس مختلف قتم کی ہوتی ہے۔ پھے اقسام کے بارے میں بہاں پڑھتے ہیں۔

مثال کے طوری

ندگای (Life Insurance) ندگاهید

(ii) کاری پایکیادگایی (Vehicle or Property Insurance)

(i) زندگی کا بیر

(i)

زندگی کے بید میں پارٹیوں کے درمیان تھیلی مدت ملے بوجاتی ہے جس کے ختم ہونے پر کپنی کو وصول کردور تم بحد مناشع اور بونس بید دار کوادا کرنی بوتی ہے یا مجراج تک موت یا حادث کی صورت میں ادا کرنی بوتی ہے۔ ئی کُل رقم چر بیر دامد کے خاتمان کوسٹے گئے۔ روپے 3,44,200 = روپے 2,40,000 + روپ 1,04,200 جیراس نے مرف 4537 درپ اوالیے – بیمبورت دیگر پالیسی کی تھیٹی مدت کی صورت عمل اس کو مندر جد ذائم پالیسی کی رقوم کی اوالیکل او گی۔

Rs100,000 = پالين كار آم كارترا =

= Rs4200x25

= Rs 105000

= Rs 1.4 × 100000 × = Rs 1.4 كثرت = 20 × 100000 ×

Rs28,000

= Rs30,000

= Rs15,000

Rs (100,000+105000+28,000+ 30,000+15000)

= Rs278.000

4537x25= Rs 113425

نوٹ: بولس کی حم کے ہوتے ہیں۔ چیے اعتای بولس، خاندی کی کند لیکا بولس و خیرہ جن کی حرح اللف کیڈوں نے مختف رکھی ہوتی ہے۔ بید تمام مناخ کی مشعبیں ہیں۔



پالیسی کار میم اور محیل مدت دونوں بی ہیر کردائے دائے کی عرکے لالاے کہنی کے قوائین کے تحت جامد موسے میں مورج میں مورج میں مورج میں ای شرح سے کی مول رہتی ہے۔

آيدب مثال يرج كدند كى كريد إلىيول فاقاديت كوظام كرنّ به فور كرت إلى

عال2:

بيمه داركي عمر برقت انشورنس =30 しし بخيلمت عال 25≃ باليى كحارتم روپے100,000= شرمايري =3.78% $=\frac{3.75}{100}\times100,000=3780$ £246 $=\frac{1000}{1000} \times 100,000 = 200 \stackrel{\checkmark}{\checkmark}$ ياليي فيس بورح 2%. $=\frac{0.557}{100}\times100,000=557$ خاعدان كى تدرنى كاسطام ديشر ح 60.557 ا كل اواشدورتم =4537411

خاندان کی آمدن کے معاہدہ کی صورت میں بید وار کو کھ اضافی بیم کینی مے قوائین کے مطابق اوا کرنا ٹاتا ہے۔ بید وار کی ایک سال کی مدت میں فریکی کی صورت میں اس کے خاندان کو اضافی اوا شدہ پر بیم کی باید مندرجہ ذیلی دقم کی اوا کیکی کی جائے گی۔

4.2% = 100,000 = $\frac{\sqrt{5} \sqrt{\frac{1}{2}}}{2}$ = $\frac{4,200}{\sqrt{5}}$ = $\frac{4,200}{\sqrt{5}}$ = $\frac{104,200}{\sqrt{5}}$

متدرجہ بالار قم کے طاوہ خائدان کر10,000 دریے سالانہ 24 سال بحث سلتر و ہور گے۔

2- بیردار کی دوسال کی مدت کے دوران فو بھی کی صورت میں دور قم مطوم کریں جواس کے لواحقین کوسطے گا۔ اگر دوے 50,000 = یالیسی کی رقم

4.2% = شرحي يجيم مالاند

0.3% = شرح إليى فيس

0.6% = خاندان كَ أَمَد لْ كَامعالِم

سال22 = تحميلي مدت

اور 6000روپے سالاند کی آمدن کمپنی سے طے پائی ہے۔

(ii) کائل انشرش

بعض او کات کھ لوگ ان کار ہیں اور جامیداو کی انٹورنس چوری، آگ یا حادثہ کی صورت میں نقصان کے ازالہ کے ازالہ کے لے کروائے ہیں۔ اوائے کی کل قیت یا جزوی قیت پر کسی میم کی شرح فیعدے کمشن سے قوانین کی روشنی میں کسی خاص مدت کے لیے بیر کرولیا جاتا ہے۔

پادر کے پیم مالانہ کی بنیاد پر لیا جاتا ہے۔

كنية اب الزيول اوربرايل في الثور لسك معلق يحد موالات عل كريد

مثال 1: ایک مخص نے اپی کائی کی انٹورٹس 3.6% سالانہ شرح سے کوالگ اس نے پہلے ہے جم کے طور پر 12206 روسے اوا کے اس کی کائی کی مالیت معلوم کریں جبکہ اس نے 200 روسید بطور مروس چارج اوالیے۔ مشق 6.2

1. ريميم كاد تم مندرجه ذيل شرح ل مطابق معلم كى جاتى ہے۔ ياليسى رقم كا 4.5% = مالاندر يميم

ياليى فيس ياليسى دقم كا %25.+

ياتيان ڪائيان 200ء نڀ

الندر ميم لا 52% = 52%

الاندي يحيم كا 27% = 27%

سالاندي يحيم كا %99 = مالمندي يحيم

پس پر میم کی رقم کے لیے مندرجہ ذیل جدول مکل کریں۔ یہ مجی بتائے کد اس نے کینی کو کل کنی رقم اوا کی؟

ماہواد بے ک یم	مدملی پر کیم	ششاق پريميم	مالاته يميم	ر قم پالیسی	
				50,000ردپ 100,000ردپ 1,50,000ردپ 2,00,000	(I) (II) (III) (IV)

:30% ایک جائداد کی مالیت 500,000 رویداس کی انثور نس 5 بعد کے حالیہ سے 6سال کے لیے كروائل ـ اس كى ماليت من 1096 سالان كى دو آل ب، اگر دوسال ك بعد جائد اد تباه دو جائد تو ير واركية تتمان عدي ميا؟

$$f^{\frac{2}{5}} - f^{\frac{1}{5}} = \frac{5}{100} \times 500,000 = 25000 + 33$$

$$=\frac{5}{100} \times 450,000 + 1 = 22500 + 1$$

$$\frac{3.6}{100}x = 12006$$

6.5 خالص آمدن (Net Income)

خانص آمدن وه آمدن ب جو كل آمدن ميل سے جود فند ، ز كوة ، كوئى اور جموث وغيره كيار تم منها كر مح حاصل

(Tax) ييس (6.6

قیل دور آم ہے جو حکوست موام سے ان کود فاع، تعلیم، بسیتال، مر کیس، پار کس د غیرہ کی سمولیات میم پہنچانے کے لیے وصول کرتی ہے۔

عيس كى مخلف اقسام بين مثلاة تم عيس ، يرايد في فيس ، دولت تيس و فيره

(Income Tax) اگم فين 6.7

ا تم خیک ایک شخص کی آمدن ایک خاص حدے بڑھنے پر کا یا جاتا ہے اتکم میکس کی شرح کے تواثین حکومت والا فو اری کرتی رہتی ہے۔

آمدن كى يح مدنت كو حكومت وقت المحم فيكس ب مستشلى قرارد يك بعد مشلاالاولس ، بالاس ميند.

ريبيث (چوب)، خصوصي تخوادو فيره

رجیٹ دور قم ہے جس پر ٹیکس کی چھوٹ ہوتی ہے ریبٹ_فالص آمدن= قابل ٹیکس آمدن

ائم نيس معلوم كرن كاطريقه ورج ذيل مثال عدوامنع كيالياب-

مثال 1: الم فيكن كارتم معلوم كرين الحوايث فض كاسابوار أندني 6500 وي بورجيد فيكن كاشرح

65اور ريبيث كى رقم 50,000 روسي او-

طل:

رديـ 6500 = ماموار آمدنی

رو_ے6500×12=78,000 = مالات آمدنی

رویے 50,000 = میکن میں رہیت

7800050000 = تابل عيس تدن

رويے 28,000 ==

 $\frac{5}{100} \times \frac{28000}{1}$ = $\frac{5}{100} \times \frac{28000}{1}$

= 1400 نام

بى 1400 روى بطوراكم فيس اداكيا جائك

توث : عام طور پر و س جارج محل يد يم سي شامل موت ييل سيكن يمال يد مروس جارج كا بخرود في ياليدول يد بحث كري الح

شق 6.3

- فاروق نے آیک انٹورٹس پالیسی برائے کاری سالی 8,50,000 دوپے میں 4.25% سالاند کی شرح ہے برائے مدت 3 سال حاصل کی۔ دواس پر کتا پر ہیم اوا کرے گاا گراس نے اس مدت کے دوران کوئی کلیم واحل دیمیا ہو جبکہ مالیت میں کی 10% ہے؟
- 2. فرقان نے آکیٹ گاڑی مالی مالی 7,50,000 روپ سی خریدی۔ اس نے اس کی انٹورنس 3.5 فی صد سالان کی مشرح سے 5 مال کے عرصہ کے لیے کروائی اس نے کل کئی رقم کاڑی کی تفاقت کے طوری اوائی اگر اس نے میلئ مرح سے 100,000 روپ تقصان کے معاوضے کے طوری وصول کیے ہوں جبکہ مالیت میں کی 100,000 سالانہ ہے؟
 - 3. فریال نے اٹی کاری کی ایک انشورنس پالیسی 3.25% سالان کی شرح سے 3 سال کی مدت کے لیے کروائی۔ اس کا پیلا پر میم 26000 روپ ہے اس کی کاری کی مالیت کیا ہوگی ؟اس کا دوسرا اور تیسرا پر میم مجی معلوم کریں۔
 - 4. عرضام خابیة محرمالتی 75,00,000 روی کا انتوانس بشر ح 24 سالدے حماب سے موصد 4 سال کے لیے کو دائل اس فی مدال سال میں کل کتبار جمع ادا کیا جبکہ مکان کی مالیت میں 1096 سالاند کے حماب سے کی دائع موٹی ہو؟ .
- 5. شفیق نے اپنی دکان کی انشور نس 3 سالاند کے حساب سے مرصہ 3 سال کے لیے کروائی۔ جبکہ سالیت علی کی گی شرح 1943 ہے۔ اگر اس نے پہلا پر جمیم 21000 روپ اوائیا ہو تو اس کی دکان کی سالیت معلوم کریں۔ اگر اس نے دوسال بعد 2000,000 روپ کا کلیم وصول کیا ہو تو اس کتنی سالیت کا فاکده حاصل ہو ا؟
- 6. الران نے ایک جالو کاروبار 10,00,000 میں فریدا۔ اس نے اس کو 2.5% کی شری سے مرمد مسال کے انثور کس کو دایا۔ 3 سال کے اندالہ کے انتور کس کو دایا۔ 3 سال کے اندالہ کا کا قابدہ حاصل کیا؟

6.4 کل آمدن (Gross Income)

کل آندن سے مرادالی آندن ہے ایک عمض مختف مدات مثلا حمول الادنس، خصوصی سمخواہ وغیر مے جموعے جوری ایک سال مے عرصے کے دوران وصول کرتا ہے۔

پاکتان کے ایک سال سال کے بجٹ میں تجویز کردہ اکم قیکس کا فیمل



جتی آمدنی پر قیس 0 ہے 10 دجیٹ ہے۔

شرن قیم	سالاندتى
0%	80.000 كى تار ئىل تىر ئىل
7.5%	80,000 ك 150,000 كان قابل قيل تدل
12.5%	150,000 ڪ 300,000 ڪٺ ڪابل ڪس آمدني
20%	300,000 ہے 400,000 کے قابل کیس تسدنی
25%	400,000 ك 700,000 كن قابل عين تدني
35%	700,000 ہے اور کا بی نگیر آسائی
	-

```
ایک فض کا کم عیس 12.5% کی شرح ہے مطوم کریں۔ جس کی خالعی سالات آمدنی
                                                                     مثال2:
                                1,78,000 دي ب جبد تيكس سي دييث 80,000 دوي مو
                      مالاندتسدني
                                         ررے 178,000
                                        ردے80,000
                  رويها 178000-80000=98000 = قابل تكس آساني
         = \frac{125}{10 \times 100} \times \frac{98000}{1} = 122504
مثال 4: ایک مخص کی سالاندآمدنی روپ 2,85,000 جدای کا آئم فیکس معلوم کریں۔ اگراس نے7125 روپ
يطور ز مخ قادر2000 روسيد دولت تكس سك طوريراول كيه ينول - جبك ريبيث كي رقم 80,000 دوسيد بوجبك
                                               الم ليكس كى شرح حسب ديل مو-
                                 مين 150,000 در بي ي سي 7.5%
                 150000 د بي سے 300000 د بي كندير نيكس 12.5%
               كل سالانه آمدني
                                   رريے 285000
                 = دولت تیکس
                                  2000 41
                             = 7125 411
              قابل تيس تسدني
                                   ردے (2000+7125) یوے
                                   رديه(285000 - 9125)
                                   ردے 275875
                                   800004-17
              كابل تيس آردنى
                                    ررچے195875-275875پر
         <u> يىلى</u> 70,000 ي قىلى
                                   \frac{7.5}{100} \times 70,000 = 5250 + 11
           بعايا قايل تيكس تعدني
                                   رر بے 195875-70,000)=125875
                                  12.5
100 × 125875 4-2
              بقايار قم پر فيکس
                                        سے 125875 سے
                                    15734.375411
                                    رد پ 15734
              فيكس فكالكارقم
                                    رديے(5250+15734)
                                    رىپ 20984
```

لتحيل سوالا	ات
	حَالَى جِكْمَ مُوزُ وَلِي تَرِينَ اعداد المالفاظ ، ي كريب
(6)	منافع کی صورت عمی قیت فروخت قیت فریدے موتی ہے
(ii)	نتصان کی صورت میں قیت خرید ، قیت افروخت ہے ہوتی ہے۔
(iii)	اگرایک دکائرار 2 چیزوں کے بدلے 1 منت دے توخریدار کو فی صدیجت ہو گی۔
(iv)	ا گرایک چیز کی درج شده قیت 600 روپے پر رعائیت 15% موتور عالمیش قیت ہوگی۔
(v)	ا گرایک د کائدار نے اصل قیمت 500 روپ کو کاف کر 450 روپ رعائیتی قیمت درج کی مو تو د کائدار
	ئے فی صدریوییٹ دی۔
(vi)	یر۔ دار کی عمر بڑ ھنے کے ساتھ تھیلی مدت میں ہوتی ہے۔
(vii)	يمه وار كؤكار ى انشورنس ياليس ك آخرى سال سير السيم اواكرناية تا ب
(viii)	بير دار كوانشورنس ياليسي كے وكيل سال كا بريميم اداكر ناپز تاہي
(ix)	جائيداد كى خريد و فروخت ميں مدد دينے والے شخص كوادا كى محلى رتم كملا تى ہے۔
(x)	5 لا كاروب من فرونت مون والے مكان بر 2% كے حماب سے كيشن ايجن كو دوب ليس كي
.2	مختر جوالي سوالات (خود كرير)
(1	پر بیم کی تعریف کریں۔
(2	تحميلي مدت كي وشاحت كرين _
(3	انکم قیکس کی تعریف کزیں۔
(4	شالعن آمدن کی تعریف کریں۔
(5	ربیٹ کے کچے یں۔
(6	انشۇرنس كى تغريف كرىي نيزاس كى اتسام ييان كريں
.4	كثير الامتخابي سولات
	مرسوال كے 4 مكت جوايات دي مح جي سي محج جواب كے ليے استعال ہونے والے حرف سوال كے سامنے دى مكئ
	Lik
(i)	1001100 ئى صديران يوگا

(b) 10

(c)

100

(d)

1000

(a)

مشت في حدول كو مختف آمد في مع درجات كے مطابل مكن كريں۔ جبك اللم عيكس مندرجہ بالاجدول سيس وى كئ شرحول كے مطابق معلوم كيا جائے كا۔

أكلم تنكس	قابل تيس آيدني	رببيث%0.2	فيكن فيجوث	مالاندآعاني	المنآملي	Sec.
					Rs 23530	(i)
					Rs17890	(ii)
					Rs24500	(iii)
					Rs12000	(iv)
					Rs10500	(v)
					Rs40,000	(vi)
					Rs50,000	(iiv)
					Rs65,000	(viii)
					Rs75,000	(ix)
					Rs100,000	(x)

معروضي سوالات

		÷		ورست/غلامانات	1-1
		ارتہ ہے مامنے "F" کھیے۔	من ۲۰۰۱ اور خلط ما	ورست بياناشسكے ما	
Ž	خالص تؤ	تمِت فروفت =	-	ينت ويد المنت ويد	(i)
وطت	تيتار	آيت ژير =	+ 1	متانع	(II)
			-= ننج % .	المام كل 100× ياس المام المام	(iii)
		%	نشان بت نزد	×100	(iv)
		اثن كملاتى بيد	لُ قِيت پردعائيت کيا	كس شيك تكني بوا	(v)
	12	ن على بار في سے كيشن وصول كر	نداد كي لروشت پرايك	كيشن ايجنث محسى جاء	(vi)
		44	لأزعر في كابير كرايام	محسى كازى ياجا تبداد أ	(vii)
			- 1	بيمد وابرے پيلا پر مج	(viii)
ائع جاتی ہے۔	بادی مختار تم منا	بارتم والبل شدلي جو لي جو تؤاس كم	، بير داد ئے اگر کارگ	سدتكث كالمتحيل كك	(ix)
*			أدرى كالمالاي	الكرقيكي بغالص آيمه	68)

اكم يكن فالعن لتدلى ي قا إجلاب

(x)

(Algebra) الجبرا

يونث االا

اس يونت س بم سيكسيس ي :

- 💸 خطوط وحداني مشتل الجبري كالخضار
- 💠 الجيري جملول كي قيمتيں معلوم كرنا
- 🌣 درجه 4 تک کی کیٹر رقبیوں کی جع و تغریق
 - 💠 درچه 4 تک کی کیٹر د تمیول کی خرب
- م درجه 4 مكث كى كيرر آليول كي ورجه 2 مكث كى كيرر آليول) يا تقييم
 - ميه ورج ذيل كليات اخذ كرنا
- $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$ (i)
 - $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$ (ii)
 - $(a+b)(a-b) = a^2 b^2 \qquad \text{(iii)}$
 - م درج ذیل طرز کے الجیر جملوں کی تجوی کرنا
- ka + kb + kc \Rightarrow $a^2 \pm 2ab + b^2$
- - دو متغیرات می ایک درجی مسادات کا تصور
 - مرد و متغیرات عمل ایک درجی مساوات کی متر اوف مساوات کا تصور
 - المزاد مساواتون كاحاصل
 - $a_1x + b_1y = c_1$
- $a_2x + b_2y = c_2$
- وہ ہمزاد ساداتوں کے ذریعے روز مرہ زنر گی ہے متعلقہ سوالات مل کرنا
 پچھل جماعتوں میں ہم نے الجبری جلول ،ہم حتم اور غیر ہم حتم رقوم ، آسان الجبر جملول اور کمثیر رقبیوں کی جمع
 تغزیق مفرب اور تقتیم کے عوامل کرنا بچھا۔

(ii) کامِدُر20 برابر ہوگا۔

20 (b) 40 (c) 4 (d) 10

(a) 20 (b) 4 (c) II (d) 0.8

(a)

(iv) ایک پری ل دهر ف 1 الا کاس ایک مکان کاموده کروایادر ۱۴ دو طرفه کیش سطے کی۔

(a) \$\input 15,000\$ (b) \$\input 130,000\$ (c) \$\input 10,000\$ (d) \$\input 120,000\$

(V) ایک فیکٹری کامالک اپل معنوعات پر تکھی ہوئی قیت پر دکانداروں کو 1000 کیشن دیتا ہے اور نقد اوالیکی ٹی معروت میں بقایار تم 5% کیشن دیتا ہے۔ ایکٹ چیز کی قیت 1000 روپے ہے۔ نقد اوالیکی پراس کی قیت

(a) \$\infty\$1,900 (b) \$\infty\$1,850 (c) \$\infty\$1,800 (d) \$\infty\$1,855

V) ایک پارٹی ڈیٹر 100,000 روپے کی جائداو کو 3 مرجہ 16 کیشن پر مرکا کی کو 100,000 روپے سل عل

قرخت کرے اور دونوں طرف سے کیشن وصول کرے تواس کی کل کیشن ہوگ۔

(a) 3000 (b) 6000 (c) 4000 (d) 5000

(Vii) ایک داندار 4 پیزول کے ساتھ ایک چیز شف دے تو کابک کو فائد و 18 ا

(a) 25% (b) 20% (c) 15% (d) 33%

a+b،اده+b کی آئیں میں ضرب جملہ a+b کی آئیں میں ضرب جملہ 5x-4y)-6x+8y-5x کو محقر کیجے۔

7x-(5x-4y)-6x+8y-5x

مل:

مثال1:

7x-(5x-4y)-6x+8y-5x = 7x(5x-4y)-x+8y

ایک جمی رقوم اکٹھا کرنے ہے

=7x-(5x-4y)-x-8y بٹانے ہے وہ

=7x-5x+4y-x-8y= == (

ایک جیمی رقوم اکٹھا کرنے ہے (4-8)y+ (4-8) = (7-5-1)x+ (4-8)

مثال2: جلد (((x-2y-[4x-6y-[3x-z+2(2x-4y-z)] بختر کچے۔

x-2y-[4x-6y-{3x-z+2(2x-4y-z)}] : U

= x-2y-[4x-6y-[3x-z+2(2x-4y+z)]] 二上比 ___

= $x^2y-[4x-6y+3x-z+4x-8y+2z] = 2 + ($

= 12y-[4x-6y-[7x+z-8y]] د المحلى المحلى

= $x^2y-[4x-6y-7x-z+8y]$

= x2y-[-3x+2y-z]

ایک جیسی رقوم اکٹھا کرنے ہے

= ***2y+3x-2y+z

[بنائے ے

=4x-4y+z

ایک جی رقوم اکٹھا کرنے ہے

شق 7.1

1. 5x-(7z-8y)-3x+5y-4z

x-2y-(x-2z)-(2y -x-(2z+x))

x-y-{x-y-(x+y)-x-y}

a-2b{2a-4b(3a+c)+(2a-b-5c)}

 $a^2 - [a^2 + (a^2 - (b^2 - c^2 + a^2) + b^2] - b^2]$

آئے اب ان کے بارے ش مزید سیس ۔ 7.1 بریکٹ والے الجبری جملوں کا اختصار

(Simplifying Algebraic Expressions Involving Brackets)

جیرا کے صاب میں بریک ایم دوانی تمام رقوم ایک ہی مقدار کو ظاہر کرتی ہیں۔ ای طرح الجبر میں جلوں کے اختصار کے لئے بریکوں کا استعال کیاجا تا ہے۔

يريك كي دوج ذيل اقسام عام طور برزم استعال إل-

1. تىلىدۇط(Vinculum)

2. ۋىبرىك (Parenthesis) .2

3 (Braces) د در الایک (Braces)

(Square brackets) 4

جس الجبري جملے میں بریک گئے ہوں اسے مختر کرنے کے لئے ضروری ہے کہ بریکٹ بٹائے جا کیں۔ بریکٹ بٹانے کیلئے مندرد وزیل آوا نین استعال کیے جاتے ہیں۔

(j) اگرددیادو سے زیادہ تم کے بریکٹ ہوتواندونی بریکٹ کوسب سے ہیلے تم کیا جائے گا۔ پس

يس ،()، {)اور { } كوبالترتيب فتم كياجا تا ب-

(ii) اگر کی بریک سے پہلے + کی علامت ہوتو جملے می کی تبدیل کے بغیر پر یک بٹائے جاتے ہیں

 $3x^2 + (5x - x^3) = 3x^2 + 5x - x^3y^2$

(iii) اُگر کی بریکٹ سے پہلے کی علامت ہوتو پریکٹ کے اندر بررقم کی علامت تبدیل (+ سے --اور --سے +) کر کے بریکٹ بٹائے جاتے ہیں۔

 $2x^2 - (x - y) = 2x^2 - x + y)^{b}$

(iv) اگرکول مقدار بریک سے پہنے کسی موقواس مقدار کو یک کا عدم برقم سے ضرب دی جاتی

a(x +y) = ax + ay ∰____

(٧) اگردوبریکنوں کےدومیان + ، - ، یا + یس ہے کو لگ مجی علامت تربوتو اس کا مطلب ہے کدوتوں جملوں کو آئیں میں ضرب دی جائے گی۔ ،

مثلاً (a + b)(x + y) كامطلب ب-

$$-\frac{1}{4} \int_{x^{3}y^{3}z^{3}} \frac{1}{x^{3}y^{3}z^{3}} dx = -\frac{1}{4} \cdot y = \frac{1}{3} \cdot n \cdot z = \frac{1}{2} \int_{x^{3}} \frac{1}{z^{3}} \frac{1}{$$

مشق7.2

ا گر =2-x=2 اور 2=2 بوقر مندرجه ذیل کی قبشیں معلوم کریں۔ (i) (i) 10xv+6vz7zx y2+22-x2+2yz (ii) $x^{3} + y^{3} + z^{3} - 3xyz$ x(y+z)+y(z+x)+z(x+y)(iv) (v) xy(yz+zx)yz(zx+xy) (vi) (vii) $\frac{xy}{xy} + \frac{yz}{yz} + \frac{zx}{z}$ $\frac{x^2}{x^2} + \frac{y^2}{x^2} + \frac{x^2}{x^2}$ (viii) (xi) $\frac{y^2+x^3}{x^2+x^2}\times \frac{2x}{2x-x}$ (x) عطم تدرق اعداد كا بجوء مطوم كرف كاقار مولاي ب (ii) ال قارمولا كيمددي يبلي149 قدر تي اعداد كالمجوعه معلوم رين-ينطے 100 قدرتی انداد کا مجموعہ معلوم کریں۔ لدرني اعداد 101 سي 149 كث يجوم كما يوكا الك بند سننڈر (بلين) كي سطع كے وقي آ كيليخ قار مولا (٢ + ١٤) عمر = المب جير اورا النازرة بالرتيب دواى اور بلندى يين - تل على ايك بند درم كى الله كارتيه معلوم كري جيك ال كارداى 30 سم ع $(\pi = \frac{22}{3}) = 780$

ال (1) من x=2 درج كرف .

=16-4+3=-17

ير کي تيت = $-2x^3 - x^2 + 3 = -2(2)^3 - (2)^2 + 3$

مثال 4: 4 - 3x² -

 $\approx 4x^4 - 2x^3 - 3x^2 + 8x - 5 - 2x^4 - 3x^3 + 2$

 $= 4x^{3}-2x^{3}-3x^{3}-3x^{2}+8x-5+2$

 $= 2x^4-5x^3-3x^2+8x-3$

مثق 7.3

1_ مل کیجے۔

(i) $(9x^3-5x^2y+3xy^2+y^3)+(-11x^3+7x^2y-8xy^2-5y^3)$

(II)
$$\left(\frac{1}{7}x^4 + \frac{3}{7}x^2 - 1\right) + \left(\frac{1}{6}x^3 + \frac{4}{7}x^2 - \frac{2}{7}x + \frac{8}{7}\right)$$

(iii)
$$(y^3 - y^2 - 5) - (6y - y^2 + 9 + 5y^3) + (2y^3 - 7y - 4)$$

(iv) $4x^4 - \{3x^2 + (2x-3) - 5x^2 - 9(3x^2 + 5x)\}$

(v) $6-x^2-\{4x-3(x^2-2)-6x-3\}$

(vi) $4x^4-3x^3+[(2x-1)-(3x^2+5x-2x)+2]$

$$x^4 + \frac{1}{3}x^3 + \frac{3}{4}x^2 + \frac{1}{3}x - \frac{7}{2} = \mathcal{L}\frac{1}{2} - \frac{1}{3}x + \frac{1}{4}x^2 - \frac{2}{3}x^3 + \frac{3}{4}x^4$$
 (ii)

3 - ×4 - ك اش ع تزين كي ادر ما سل تغريق ك 4x3+6x2+6x+1 س ع تغريق ك يد

4- 3ax12x+45 7x+6 الد 3ax12x+45 الله على ع تزلق يجيد

7.4 كادرجه تك كى كثير رقميول كى ضرف

(Multiplying two Polynomials of degrees up to 4)

دو كثير رقيون كي ضرب كرت وقت ايك محير رقى كوايك عن رقم تعود كرت بوع دوسرى عصرب ويع بي-

7.3 كارجه كك كى كيررتميول كى جمع ادر تغريق

(Adding and Subtracting Polynomials of degrees upto 4)

ہم دودرجہ تک کی کثیر رقمیوں کی جمع اور تفریق سکھ چکے ہیں۔اب ہم 4درجہ تک کی کثیر رقمیوں کی جمع اور تفریق سے متعلق بڑھیں گے۔

-グランチ4x3-3x2+15+9,17x3+5x2-11x+2 :1した

عل: ہم دولوں کیرر آلیوں کو عودی شش میں اور کے لکھ کر جمع کتے ہیں۔

م قتم رقول کے عدد کام جمع کے جاتے میں اور عدد کامروں کے مجوعہ سفیر کو شرب دی جاتی ہے۔ $7x^{3}+5x^{2}-11x+2^{6}$ $4x^{3}-3x^{2}+15x+9$ $11x^{3}+2x^{2}+4x+11$

عملی کام میں جمع کا عمل افتی شکل میں انجام دینازیادہ آسان ہے۔ معددجہ بالا کیٹر د قبیوں کو جمع کونے کیلیے ہم ایک جسی رقوم کی گودہ بندی ایوں کوتے ہیں۔

 $(7x^{3}+5x^{2}-11x^{2}+2)+(4x^{3}-3x^{2}+15x+9)$ $=(7x^{3}+4x^{3})+(5x^{2}+3x^{2})+(-11x+15x)+(2+9)$ $=(7+4)x^{3}+(5-3)x^{2}+(11+15)x+11$ $=11x^{3}+2x^{2}+4x+11$ $=(7+3)x^{2}+(3+3)x^{2}$

-2x²-7x²+5x+152x²-12x²+9x-2

ص عودى صورت مين لكھنے ب

مثال3:

تقریق ہوئے والے جھے کی علامات تیدیل کرکے جھ کیا۔ $9x^{3}-7x^{2}+5x+1$ $\pm 2x^{3} \mp 12x^{2} \pm 9x \mp 2$ $7x^{3}+5x^{2}-4x+3$

مشق 7.4

مخفر یجے

1.
$$(x+2y)(x^2-3y^2)$$

2.
$$(4x^2-y^2)(5x+2y^2)$$

3.
$$(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2)$$

4.
$$(3.4x + x^2)(5x^2 + x - 2)$$

$$(x^3 + 4x^2 - 5x + 1)(2x^2 + x - 1)$$

6.
$$(ax^3 + bx^2 + cx + d)(px + q)$$

7.
$$(4x^3-5x^2y+7xy^2-8y^3)(3x-5y)$$

8.
$$(7x^2-x+11)(2x^2-9)$$

9.
$$(5x^4 + 3x^7y^2 - 7xy + \sqrt{7})(5x - 7y)$$

10.
$$(a^2x^2 + b^2y^2 + c^2z^2)(ax + by - cz)$$

11.
$$(x^3 + 2x - 5)(5x^3 - 2x^2 + 7x + 4)$$

12.
$$(5x^3-4x^2-3x+1)(x^3+3x^2-1)$$

13.
$$(3x^4 + x^2 - x + 2)(5x^3 + 3x^2 - 2x - 3)$$

14.
$$(x^4 + x^2y^2 + y^4)(x^4 - x^2y^2 + y^4)$$

Dividing Polynomials (of degrees upto 4) by Polynomials (of degrees upto 2) 4ور کی کثیر رکنی کی ایک در بی کثیر در تی کثیر در تی به تشیم ای طرح کی جاتی ہے جیسا کہ ہم ساتویں بھامت میں 3 در می کثیر رکی کو پکٹ در می کثیر دکئی یہ تشیم کرنا کھ بچے ہیں۔

آية الكالعاده كرير

x - 25x²- 12x + 20 ي تشيم كرير.

مثال 1:

$$\frac{x^{2}}{x} = x$$

$$x(x-2) = x^{2} - 2x$$

$$\frac{-10x}{x} = -10$$

$$-10(x-2) = 10 \text{ x+20}$$

ا اگر باتی سی تعتیم کننده سے کم درج کی کثیرر کی یا مفرآجائ تو تعتیم کا عمل رک جاتا ہے

1-18ور 1 +x+2كا حاصل ضرب معلوم كري-

مثال:

ل: ام 1+x+2 كوايك على تم تقور كريسية.

 $(x-1)(x^2+x+1)=x(x^2+x+1)-1(x^2+x+1)$

 $=x^3+x^2+x-x^2-x-1$

 $=x^3-1$

دو کیرو تعیوں کو ضرب دیے کے لیے پہلی کیرو تی فی مرو تم کودوسری کیرو تی سے ضرب دیں اور بریک بٹا کرایک جسی رقوم اسمی کریں۔

مرب كايد طريقة كيرر تيول ع ضرب كي افتى شكل كملاتا ب

کٹر رقبوں کی ضرب کا ایک اور طریقہ یہ کدوونوں کٹر رقبوں کو اور عظے رکد کو ضرب وی جاتی ہے جیسا کہ بیتے وی گئ

مال 3: 1-3x3-7x2+354x4+3x3+5x2-1 مربدي

 $4x^4 + 3x^3 + 5x^2 - 1$

X 5x-7x2+3

 $20x^7 + 15x^6 + 25x^5 - 5x^3$

-28x⁵-21x⁵-35x⁴

+7x²

 $12x^4+9x^3+15x^2-3$

20x-13x+4x-23x+4x+22x-3

حو مبتری (Geometry)

بونث ۱۱۱۷

ال بونٹ میں ہم مجھے گئے :

مسائه فدخا خورث کابیان اس کا غیر رسی ثبوت اور استعال...

💠 مشقى اور چوكوروى علاقه كارتيد معلوم كرنے كے ليے بير وفار موالاكا بيان ادراستعال _

🚓 بیلن کی سطع کارقہ اور بیلن کا حجم معلوم کرتا۔

💸 مخروط کی سطح کار قبد اور مخروط کا جم معلوم کرنا۔

اروز مر وزند گ استان اور مخر وط کے رتبہ اور جم کے متعلقہ عبارتی سوالات

الراضيل (Construction)

مع ايك تطور تط كورية مي يعدر رار حصول ميل تقتيم كرنا-

م الك قطعه خط كوري كي يند نبيق صول مين تمتيم كرنا-

م الى شلث ينانا جس كااحاظ اور اضلاع كى مقدارول على نبعت دى مي بو-

مسظم ، منس مسدى ، اورمشن كا تصور

من منظم تنس مدى اور منن كى تفكيل.

💠 مرائع اور معین کے وتروں کی تعریف

💸 مراح اور معين كے وترول كى خصوصات

مر لع اور معین کی تفکیل ، جیکدان کے وتروں کی مقدادیں دی گئی ہوں۔

(Pythagorus Theorem) متارته فرث 💠

سئل فين خورث جيوميثرى ميں بنيادى حيثيت كاحامل بي 2500سال قبل آيك يونانى رياضى داك

porocoopoopo por porocoopo

انتا فورث في در بافت كيااس كي در بافت كاخيال ا دریائے علی کی چ ڈائی کی پائٹ کے ایک فاص طریقے ےآیا۔ معری دریائے نش کی چوڑا اُل کی بیائش ایک ز تجرول سے بن مولی قاص حم کی قائمتہ الزاویہ شلث كامدور ي كرت تق جم كالفلائل من 3:4:5 و 3:4:5 بوتي تقي-

2x+3\equiv 8x^3+16x^2+8x+3 كرك م

مثال2:

 $8x^3 \div 2x = 4x^2$ $4x^2(2x + 3) = 8x^3 + 12x$ $4x^2 \div 2x = 2x$ $2x(2x+3) = 4x^2 + 6x$ 1(2x + 3) = 2x + 3

 $8x^3 - 16x^2 + 8x + 3$ 2x+3 $\pm 8x^{3} \pm 12x^{2}$ $-4x^{2} + 8x$ $\pm 4x^2 \pm 6x$ 2x+3 $\pm 2x \pm 3$

مثق 7.5

بملے جملے کو دوسرے جملے پر تقسیم کیجے۔

1. $(5x - 2x^2 + x^3 - 24) \div (x - 3)$

2. $(3x^3 + x - 2 + x^2) \div (3x - 2)$

3. $(6x^3 + 7x^2 + 5x + 2) \div (3x + 2)$

4. $(10x^3 - x^2 - 17x - 4) \div (5x + 2)$

5. $(12x^3 - 28x^2 + 13x - 3) \div (2x + 3)$

6. $(3x^4 + 13x^2 + 5) \div (3x^2 + 1)$

7. $(2x^3 - 2x^2 + 3x + 6) \div (x^2 - 1)$

8. $(x^4 - 1 + x) \div (x - 1)$

9. $(6x^4 + 5x^3 + 2x^2 - x + 2) \div (3x^2 - 2x + 1)$

10. $(8x^4 + 14x^3y - 23x^2y^2 - 14xy^3 + 15y^4) \div (2x^2 + 3xy - 5y^2)$

7.6 فارمو لے اخذ کرنا (Establishing Formulae)

فارسولے الجبرے میں انتہائی اہم کروار اوا کرتے ہیں ان فی صدوے ضرب کا عمل کے بغیر شائع لکھے جا سکتے ال-جو فار مولے ہم اخذ كريں كے ان ميں ضرب كالحمل موكا۔

آسية بم ييند فار مولي اخفر كرت يي-

 $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x = ab$: 144 (a)

منلع a ك مز لى كار قيد 2 = > ملح دا يم مع كارته كاب طلع ع کے مر اح کار قبہ جے ہے

るいををから مناحى والے مرفع كارت مناح فاور ضلعط والے مربعوں کے رقبوں کے مجموعہ کے برابر ہے۔ ورالابت بوا الكو+b2 (7)2=(1)2+(1)2+(1)2

8.3 مسئله فدثا غوزث كااستعال

(Application of Pythagoras Theorem)

کسی قائمۃ الراور شلث کے کوئی ہے وواضلاع کی لمبائیاں دی مجی مون توسئلہ فعثا غورث کا استعمال کرتے

ہوئے ہم تیرے ضلع کی اسائی معلوم کر سکتے ہیں۔

 $c^2 = a^2 + b^2$

 $a^2 = c^2 - b^2$

 $b^2 = c^2 - a^2$

مثال 1: سامنے دی گئی شلث کی شکل میں ضلع AB کی لمبائی معلوم کیے۔

 $m\overline{AB} = xVJ$:

(مسئلہ فیٹا فورٹ کی روے)

 $c^2 = a^2 + b^2$ (: $m \angle C = 90^0$)

c = x, a = 5cm, b = 12cm

 $\iota x^2 = 5^2 + 12^2$

 $1x^2 = 25 + 144$

 $1x^2 = 169$

 $x = \sqrt{169} = 13cm$

 $m\overline{AB} = 13cm$

مان مناز فنا فرد (Statement of Pythagor us Theorem) مان مناز فنا فرد ث

 $c^2 = a^2 + b^2$ $(7)^2 = (3)^2 + (3)^2 + (3)^2$ بادر کھے:

مقداری بالزتیب b,a اور ع بول تو

زاویہ قائمہ کے سامنے والانسلع وتر کسلاتا ہے۔ زاویہ قائمہ کے متعل اصلع ميں سے ايك كو قاعد واور دومرے كو عمود كيتے ہيں

كياآب واختيرى؟

ا مر کسی شلف کے اضلاع میں 4:5:3 ہوتو وہ قائمۃ اٹراویہ شاث ہوتی ہے لیکن اس کامعکوس بیان بمیشہ درست نیس ہوتا۔

مسلد فينا غورث كاغير ركل ثبوت (Informal Proof of Pythagorus Theorem) 8.2 الماے ایک مر گری کے ذریع ابت کری گے۔

مركرى: مامان: كتر- فينى د كلداد بنسلين - يان

كسى قاه ئمة الزادمة مثلث ABC ش

ار 100 = mere الدراى ك قاعده موداوروترك

مدادج على:

الك قائمة الزاور شلث ABC بيائي جس مين (i) Euthol mac = 900 اضلاع کی لسائیاں بالرتیب b,a اور عقرض (Colota Styles)

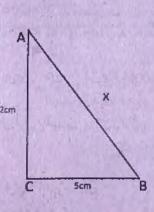
شاد بح تينون اضاري دي مخل شكل ك مطابل (ii) c,b,a اضلاع كر سع بنائے۔

fcn14fb,3falilla:b:c=3:4:5 5€ (iii) 5 رادر حمول ميل تقتيم يجي

ری گئی شکل کے مطابق مر بعوں کو مستقلیل ویوں میں تقسیم کریں۔ اوران ویوں میں مختف رنگ جم و بیجے۔ (iv)

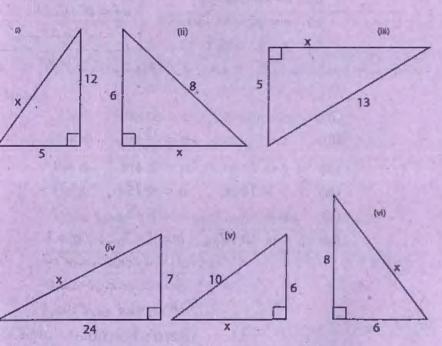
> اب قینی لیے اور احتیاط ے a اور واضلع والے مربوں کوکاٹ لیے۔ (v)

اب الشلع والي مربع كي مستقبلي فيان كاث ليجياور عظم واليه مربع عين شلحة والامر لع اوريه مستقبلي (vi) یمال دی کی شخل کے مطابق سب کرلیں۔



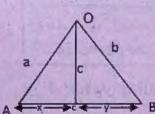
مشق 8.1

دی گئی قائمة الراويد مشتول على دودوانسلاع كى لىبائى (سم) على دى گئى جدم ايك على تيرے هلع كى لىبائى معلوم كريں؟ (منتشير سكيل كے مطابق فيرين عائى كيكي)



- أيك مساوى الساقين قائمة الوادير شنث على وتركى لمائى 982م بعدر إبر (متماش) خلول كى لمبائى سطوم كرير-
- ایکٹ آمیٹر کی میٹر می دیوار کے ساتھ کھڑی کی گئی ہے۔ میٹر طی کا نجا سرادیوارے آمیٹر ووز میں پر لگا ہوا ہے۔
 بتائے کہ زیمن ہے اور گئے قاصلے بر میں کا کا اور اور اور کو چھوا ہاہے؟
 - ABC ایک شلث ABCجمیں

mCA = 7.2cm , mBC = 2.1cm ب في ماري ماري كال ماري الإي الآي ماري الإي الآي ماري الإي الآي ماري الإي الآي الآي



 $a^2 - x^2 = b^2 - y^2$.5

الك 2.5مير لبي سير حى ويوار ب دكائي كئي ـ اگراس كا بالائي سراد ديواري 2 مير كي بلندى تحث يجي قوير حى کے بائے کا دیوارے فاصلہ معلوم کیے۔ فرض كياس عى عياعكاديوار عاصله mLc=909 , 2= 2+ は こいらきらき c=2.5m , a=x . b=2mUle 2.5m $a^2 = c^2 - b^2$ 2m $\Rightarrow x^2 = (2.5)^2 - (2)^2 = 6.25 - 4$ $\Rightarrow x^2 = 2.25$ $\Rightarrow x = 1.5 m$ الك مستطيلي كليت كاطول 20ميثر اوراس كے وتركى لميائى 25ميثر ب-اس كار قبه معلوم كيجي-قرض كيا كليت كى جوزا لكلاميتر ب-مئله فناغورث كى روي $b^2 = a^2 + c^2$, m $\angle B = 90^0$ b = 25m, c = x, a = 20mبيال $(25)^2 = x^2 + (20)^2$ $x^2 = (25)^2 - (20)^2 = 625 - 400 + 225$ $x^2 = 225 \Rightarrow x = \sqrt{225}m \Rightarrow x = 15m$ 15m = متظیل کیت کی عرال 20n = متعلى كيت كالسال 15m × 20m = عرال × لمال = متعلى كيت كارت 300m² = کمیت کارتب عل:5 الك مراح كيت كارته 14400 عـ ال کے ور کی لسائی معلوم کھے، ل: فرض كالحيت كالك ضلع كالسائح × $z_0 = x^2 = 14400m^2$ x = 120mc = しいしていか $c^2 = x^2 + x^2 \Rightarrow c^2 = 2x^2$ سئلہ لمثا غورث کے روے)

 $= 2 \times 14400m^2 \Rightarrow c = \sqrt{2 \times 14400}m \Rightarrow c = 120\sqrt{2}m$

الله تعالىٰ کے فضل وکرم ہے جمیں قرآن مجید کی اشاعت میں کئی منفر داعز از حاصل ہیں۔

- 1- تلاوت اورنهم قرآن مجيد كوانتهائي آسان بنانے والانسخد فظی اور بامحادرہ ترجمہ كيساتھ، مخلف رنگوں میں دستیاب ہے۔ابقر آن حکیم پڑھنامشکل نہیں رہا۔ معمولي أردويز عنه والع بحي آساني يقرآن تكيم كى تلاوت كريكت إلى-
 - 2- فاظرام كي آماني كيليح متثابهات كما تحقر آن عكيم كي اشاعت-

A translation of the Holy Quran -4 in simple, idiomatic English

KANZUL-IMAAN

Agib Farid alQadri

NOOR-UL-IRFAAN with the English Translation of KANZUL-IMAAN

Moulana Mohammad Hoosain Mukaddam

- 5- القرآن الحكيم براجوي عني كنزالا يمان (يراجوي زبان)
 - 6- القرآن الحكيم في ترجمة كنزالايمان (بتوزبان)
 - 7- يياضي قرآن عيم كي اشاعت كامنفر داعزاز _
- 8- مبتدى كيلئے جديدانداز مل مختف رگوں ميں رحماني قاعدہ تجويدي قواعد كيساتھد۔
 - 9- شرح اساه أنسني مع شرح اساه المصطفى النظرة أيك تناب ميس يجيا-
 - 10- سيرت النبي المنتق كي روشني مين مصطفائي معاشره كي تفكيل (مقالات يمينار)
- 11- ني اكرم علقة كاسوة حد اورتعليمات كي روثي شي احرام آدميت _ (مقالت يمينار)
- 21- حضرت المام أعظم اليوضيفية تقيير كفتهي بصيرت اوراسلامي معاشره كي تشكيل جديد (مقالات سيميتار)
 - 13- نفحات سرت مدينسراالزاحات تركي
 - 14- تغاية تصوف مدفيرة كراساق تريش
 - 15- نمازسنت نبوي عَلَقَا كَي روشي هِي (مولا جورا)_
 - 16- شرح عقا كدنى

$$= \frac{20}{2} = 10 cm$$

$$\Delta ABC = \sqrt{10(10 - 8)(10 - 6)(10 - 6)}$$

$$= \sqrt{10 \times 2 \times 4 \times 4}$$

$$= 2 \times 4\sqrt{5}$$

$$= 8\sqrt{5} cm^{3}$$

8.25

الك شلك كا الله كل مقدار 53m,60m المك شلك كال على على قال قرير معلوم كري-

مندرجه ذيل اضلاع والى مثلثول كارقيه معلوم كجح (i)13cm, 14cm, 15cm (ii)5cm, 12cm, 13cm (iii)103cm, 115cm, 13cm

اگرشاےABC کے راسول B,Aاور کے متقابلہ اضلاع کی مقدار کی مالم تیب b,aاور ک ہول اور شلك كااعاط 25 موتو في وي محيم سوال مي مطلوب مقداري معلوم كيي-

(i) a = 5m, b = 7m, s = 9m, c = $\triangle ABC =$

(ii) $a = 10m, b = 8m, s = 12m, c = ____,$ $\Delta ABC =$

(iii) a = 3cm, s = 9.5cm, c = 9m, b = ..., $\Delta ABC =$

(iv) a = 3.5dm, b = 2.5dm, c = 4.5dm, s = $\Delta ABC =$

قوى رانه

پاک سر زمین شاد باد کشور حسین شاد باد تو نشانِ عزم عالیشان ارضِ پاکستان! مرکزِ یفین شاد باد

پاک سر زمین کا نظام قوتِ اخوتِ عوام قوم ، مُلک ، سلطنت پائنده تابنده باد شاد باد منزلِ مُراد

پرچم ستاره و بلال رببرِ نرقی و کمال ترجمانِ ماضی ،شانِ حال جانِ استقبال! سامیه خُدائے ذوالجلال

حفيظ جالند هرى



Al-Baghdad Printers PAK
E-Bluit at _printers 847@yabou.com
Telt + #2-41-870800?